

# NOȚIUNI TEORETICE ȘI PROBLEME OPERATORI, STRUCTURI ALTERNATIVE ȘI REPETITIVE, ALGORITMI FUNDAMENTALI

## Culegere de probleme C++

Structuri repetitive, algoritmi fundamentali, probleme rezolvate

Operatori C++



Probleme propuse

TESTE

Despre culegere

Culegerea de față este adresată elevilor din clasa a IX-a, filiera teoretică, profilul real, specializările matematică-informatică, matematică-informatică - intensiv informatică și științele naturii, ce studiază disciplina Informatica și doresc să ajungă la performanță în acest domeniu. Culegerea cuprinde un număr însemnat de probleme de informatică având la bază programa de liceu. Problemele sunt clar enunțate, dispuse într-o manieră ce presupune o acumulare treptată de cunoștințe, pe trepte diferențiate de dificultate și oferă elevilor posibilitatea de a-și verifica, consolida și aprofunda cunoștințele de informatică.



Informatică - clasa a IX-a

prof. Topa Robert

***"Fiecare greșală este o ocazie de a învăța. Totul este să nu comiți aceeași greșală în mod repetat - ar fi o prostie. Însă comite cât mai multe greșeli noi de care ești în stare; nu trebuie să-ti fie teamă, căci acesta este singurul mod în care natura îți permite să înveți."***

OSHO

# CUPRINS

---

<i>FIȘĂ DE LUCRU - OPERATORI C++</i> .....	3
<i>FIȘĂ DE LUCRU – STRUCTURA ALTERNATIVĂ</i> .....	5
<i>STRUCTURA REPETITIVĂ WHILE</i> .....	6
EXEMPLE .....	6
<i>STRUCTURA REPETITIVĂ FOR</i> .....	7
EXEMPLE .....	8
<i>STRUCTURA REPETITIVĂ DO..... WHILE</i> .....	9
EXEMPLE .....	9
<i>PROBLEMĂ REZOLVATĂ</i> .....	9
<i>ALGORITMI FUNDAMENTALI</i> .....	10
1. Separarea cifrelor unui număr .....	10
2. Determinarea divizorilor proprii ai unui număr natural dat .....	11
3. Testul de număr prim .....	12
4. Determinarea celui mai mare divizor comun a două numere naturale .....	12
5. Descompunerea în factori primi a unui număr natural.....	13
6. Determinarea minimului/maximului unui șir de numere .....	13

### **FIȘĂ DE LUCRU - OPERATORI C++**

1. Se citește un număr natural care reprezintă timpul exprimat în minute. Scrieți programul care afișează timpul exprimat în ore și secunde.
2. Scrieți un program care să testeze un caracter introdus de la tastatură. Dacă este literă mare, să afișeze mesajul "Literă mare", dacă este literă mică să se afișeze mesajul "Literă mică", altfel să se afișeze mesajul "Nu este literă".
3. Scrieți un program care citește de la tastatură un număr natural cu trei cifre și care afișează apoi numărul obținut prin eliminarea cifrei din mijloc.
4. Scrieți un program care citește de la tastatură un număr natural cu patru cifre și care afișează pe câte un rând cifrele numărului.
5. Scrieți un program care citește de la tastatură un număr natural cu patru cifre și care afișează numărul obținut prin eliminarea cifrei sutelor. Modificați programul, astfel încât, să afișeze numărul obținut prin eliminarea cifrei zecilor.
6. Se citesc de la tastatură trei numere a, b și c. Să se afișeze valoarea maximă. Modificați programul, astfel încât, să afișeze valoarea minimă.
7. Se citește de la tastatură un număr n. Să se verifice dacă este un număr pozitiv sau negativ.
8. Se citesc de la tastatură 3 numere a, b și c care reprezintă laturile unui triunghi oarecare. Să se calculeze aria triunghiului.
9. Indicați rezultatele pe care le afișează programul următor. Explicați obținerea acestor rezultate.

```
{  
int x=2, y=7, z,u;  
u=x*(y-2)%3;  
    cout<<"u"<<u<<endl;  
z=u+x;  
x=x*y;  
    cout<<"x"<<x<<" y"<<y<<" z"<<z<<" u"<<u<<endl;  
x=-y*z%3+u;  
    cout<<"x"<<x<<endl;  
z=(x-y)*(u-x);  
    cout<<"z"<<z<<endl;  
}
```

10. Scrieți un program care convertește gradele Celsius în grade Fahrenheit conform formulei  $f = (9/5) * c + 32$ . Datele se citesc de la tastatură.

11. Se introduc 2 numere, a și b și un număr k. Să se afișeze un mesaj dacă fracția a/b poate fi simplificată prin k.

12. Se introduc 2 numere. Să se afișeze un mesaj dacă aceste numere sunt consecutive.

13. Fie variabilele x,y și u de tipul int. Scrieți o instrucțiune care mărește valoarea variabilei u cu câtul întreg al împărțirii lui x la y ?

14. Scrieți 3 valori ce pot fi citite pentru variabila y astfel încât programul de mai jos să tipărească 1 ?

```
{int x=2, y, z;  
cin>>y;  
x++;  
z=y+3*x;  
cout<<((z%2==0 && x>=1) ? 1 : 0 );  
}
```

15. Ce se afișează în urma execuției secvenței de instrucțiuni de mai jos, dacă pentru n se citește valoarea 815?

```
{  
int n, a, b, c, x, w, q;  
cout<<"n="; cin>>n;  
a=n/100;  
b=n/10%10;  
c=n%10;  
(a>b ? x=a, a=b, b=x : x);  
(b>c ? x=b, b=c, c=x : x);  
(a>b ? x=a, a=b, b=x : x);  
cout<<a<<" "<<b<<" "<<c<<endl;  
w=a*100+b*10+c;  
q=c*100+b*10+a;  
cout<<w<<" "<<q;  
}
```

## **FIȘĂ DE LUCRU – STRUCTURA ALTERNATIVĂ**

### **Structura alternativă simplă**

```
if (expresie)
    instructiune_1;
else
    instructiune_2;
```

### **Structura alternativă generalizată**

```
switch (selector)
{
    case 1: instructiune_1;break;
    case 2: instructiune_2;break;
    -----
    case n: instructiune_n;break;
    default : instructiune_i;
}
```

1. Se citește de la tastatură un număr natural întreg care reprezintă un an calendaristic. Să se verifice dacă numărul citit este un an bisect.
2. Un elev primește într-o zi trei note, nu toate bune. Se hotărăște ca, dacă ultima notă este cel puțin 8, să le spună părinților toate notele primite iar dacă este mai mică decât 8, să le comunice doar nota cea mai mare dintre primele două. Introduceți notele luate și afișați notele pe care le va comunica părinților.
3. Se citesc trei numere întregi  $x$ ,  $y$ ,  $z$ . Dacă toate sunt pozitive să se afișeze cel mai mare număr dintre al doilea și al treilea număr, în caz contrar să se afișeze suma primelor două numere.
4. Scrieți un program care să testeze un caracter introdus de la tastatură. Dacă este literă mare, să afișeze mesajul "Literă mare", dacă este literă mică să se afișeze mesajul "Literă mică", altfel să se afișeze mesajul "Nu este literă".
5. Se citește de la tastatură un număr natural întreg format din 3 cifre și care afișează cel mai mic număr care se poate forma din cifrele sale. Modificați programul, astfel încât, să afișeze cel mai mare număr ce se poate forma din cifrele numărului citit.
6. Se introduc de la tastatură două numere întregi  $a$ ,  $b$  și un caracter  $c$  care reprezintă o operație aritmetică. Să se afișeze operația efectuată de operatorul citit și să se calculeze valoarea lui  $e$  definită ca rezultat al aplicării operatorului aritmetic pe numerele  $a$  și  $b$  (2 metode: se folosesc instrucțiuni **if-else** imbricate și apoi cu instrucțiunea **switch-case**).
7. Scrieți un program care să permită alegerea unei opțiuni dintr-un meniu afișat pe ecran, apoi se alege o operație din meniu prin introducerea numărului de ordine. Meniul conține:
  1. ORDONARE CRESCĂTOARE
  2. ORDONARE DESCRESĂTOAREProgramul ordonează crescător și descrescător cifrele unui număr întreg format din 3 cifre.
8. Se citesc trei numere întregi nenule  $a$ ,  $b$  și  $c$  care reprezintă coeficienții unei ecuații de gradul II. Să se rezolve ecuația. Testați programul pentru următoarele seturi de intrare: (1,-5,6), (1,-2,1), (1,1,1).

## **STRUCTURA REPETITIVĂ WHILE**

Sintaxa acestei instrucțiuni este:

```
while (expresie)  
{  
    instrucțiuni;  
}
```

Această instrucțiune se execută astfel:

- PAS 1: se evaluează expresia;
- PAS 2: dacă rezultatul este diferit de 0, adică corespunde valorii logice adevărat, atunci se execută instrucțiunile și se revine la primul pas; altfel se trece la execuția instrucțiunii care urmează instrucțiunii while.

### **EXEMPLE**

a) Se citesc de la tastatură mai multe numere până la întâlnirea valorii 0. Să se scrie un program C++ care calculează și afișează pe ecran suma numerelor pare și produsul numerelor impare.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,s,p;
    cout<<"n=";cin>>n;
    s=0;p=1;
    while(n>0)
    {
        if(n % 2 == 0)
            s=s+n;
        else
            p=p*n;
        cout<<"n=";cin>>n;
    }
    cout<<"Suma numerelor pare este "<<s<<endl;
    cout<<"Produsul numerelor impare este "<<p;
}
}
```

b) Se citesc de la tastatură mai multe numere până la întâlnirea valorii 0. Să se scrie un program C++ care determină valoarea maximă și de câte ori apare în șir.

Explicații:

- se citește primul număr, se atribuie variabilei max valoarea primului număr citit și se inițializează contorul cu 1;
- se citește următorul număr;
- dacă max este egal cu n atunci se incrementează contorul;
- dacă n este mai mare decât max, atunci variabilei max i se atribuie valoarea lui n și se inițializează contorul cu 1.
- aceste operații se execută până când citim valoarea 0.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,max,contor;
    cout<<"n=";cin>>n;
    max=n;contor=1;
    while(n>0)
    {
        cout<<"n=";cin>>n;
        if(max==n)
            contor++;
        else
            if(n>max)
            {
                max=n;
                contor=1;
            }
    }
    cout<<"Valoarea maxima din sir este "<<max;
    cout<<" si apare de "<<contor<<" ori.";
}
```

### STRUCTURA REPETITIVĂ FOR

Sintaxa acestei instrucțiuni este:

```
for (exp1;exp2;exp3)
{
    instrucțiuni;
}
```

- exp1, **pentru inițializare**, prin care se stabilește starea dinainte de prima execuție a instrucțiunii;
- exp2, **pentru testare**, compară starea curentă cu starea care termină procesul de terminare; are rolul de a termina executarea repetată a instrucțiunilor;
- exp3, **pentru modificare**, prin schimbarea stării curente, astfel încât să se avanseze către starea finală.

Instrucțiunea **for** se execută astfel:

- PAS 1: se evaluează expresia **exp1**;
- PAS 2: se evaluează expresia **exp2**; dacă rezultatul este diferit de 0, adică

corespunde valorii logice adevărat, atunci se execută instrucțiunile; altfel se trece la execuția instrucțiunii care urmează instrucțiunii for.

- PAS 3: se evaluează expresia **exp3** și se revine la PAS 2.

## EXEMPLE

a) Se citesc de la tastatură **n** numere întregi. Să se calculeze și să se afișeze pe ecran suma numerelor pare și produsul numerelor impare.

b) Înlocuiți structura repetitivă **FOR** cu structura repetitivă **WHILE**.

c) Se citesc de la tastatură **n** numere întregi. Să se calculeze media aritmetică a numerelor impare.

d) Înlocuiți structura repetitivă **FOR** cu structura repetitivă **WHILE**.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,s,p,i,a;
    cout<<"n=";cin>>n;
    s=0;p=1;
    for(i=1;i<=n;i++)
    {
        cout<<"a=";cin>>a;
        if(a % 2==0)//sau !(a % 2)
            s=s+a;//sau s+=a;
        else
            p=p*a;//sau p*=a;
    }
    cout<<"Suma numerelor pare este "<<s<<endl;
    cout<<"Produsul numerelor impare este "<<p;
}
```

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,s,i,a,contor;
    cout<<"n=";cin>>n;
    s=0;contor=0;
    for(i=1;i<=n;i++)
    {
        cout<<"a=";cin>>a;
        if(a % 2!=0)
        {
            s=s+a;
            contor++;
        }
    }
    cout<<"Media aritmetica a numerelor ";
    cout<<"impare este "<<(float)s/contor<<" .";
}
```



## **STRUCTURA REPETITIVĂ DO.....WHILE**

Sintaxa acestei instrucțiuni este:

```
do
{
    instrucțiuni;
}
while(expresie);
```

Această instrucțiune se execută astfel:

PAS 1: se execută instrucțiune;

PAS 2: se evaluează expresia; dacă rezultatul

este diferit de 0, adică corespunde valorii logice adevărat, atunci se revine la primul pas; altfel se trece la execuția instrucțiunii care urmează instrucțiunii do.....while.

**Spre deosebire de instrucțiunea WHILE instrucțiunea DO...WHILE se execută cel puțin o dată.**

### **EXEMPLE**

a) Se citesc cifrele unui număr începând cu cifra cea mai semnificativă. Să se afișeze numărul obținut.

b) Modificați programul, înlocuind instrucțiunea DO...WHILE cu instrucțiunea WHILE.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    long n;
    int cifra;
    cout<<"Cifra:";cin>>cifra;
    n=0;
    if(cifra>=0 && cifra<=9)
    do
    {
        n=n*10+cifra;
        cout<<"Cifra:";
        cin>>cifra;
    }
    while(cifra>=0 && cifra<=9);
    cout<<"Numarul obtinut este "<<n<<" .";
}
```

### **PROBLEMĂ REZOLVATĂ**

1. Se citește câte un caracter, până la întâlnirea caracterului @. Să se afișeze câte litere mari au fost introduse, câte litere mici, câte cifre și câte alte caractere.

2. Modificați programul astfel încât, pentru fiecare caracter citit, să se afișeze un mesaj care să indice dacă s-a citit o literă mare, o literă mică, o cifră sau un alt caracter.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int lit_mica=0,lit_mare=0,cifra=0,alt_caracter=0;
    char c;
    cout<<"Introduceti caracterul:"<<cin>>c;
    while(c!='@')
    {
        if(c>='a' && c<='z')
            lit_mica++;
        else
            if(c>='A' && c<='Z')
                lit_mare++;
            else
                if(c>='0' && c<='9')
                    cifra++;
                else
                    alt_caracter++;
        cout<<"Introduceti caracterul:"<<cin>>c;
    }
    cout<<"Ai introdus "<<endl;
    cout<<lit_mica<<" litere mici"<<endl;
    cout<<lit_mare<<" litere mari"<<endl;
    cout<<cifra<<" cifre si "<<endl;
    cout<<alt_caracter<<" alte caractere."<<endl;
}
```

### **ALGORITMI FUNDAMENTALI**

Acești algoritmi au fost concepuți spre a veni în ajutorul programatorilor, care îi folosesc ori de câte ori este necesar în probleme, fără a mai fi nevoie să-i elaboreze de fiecare dată. Aceștia se referă la separarea cifrelor unui număr (folosit de fiecare dată când în rezolvarea unei probleme este necesar accesul la cifrele unui număr), determinarea divizorilor proprii ai unui număr natural dat, testarea dacă un număr natural mai mare ca 1 este prim, determinarea celui mai mare divizor comun a două numere naturale date, descompunerea unui număr natural în factori primi, determinarea maximului/minimului unui șir de numere citite, pe rând, de la dispozitivul de intrare.

#### **1. Separarea cifrelor unui număr**

Se va folosi rezultatul din matematică conform căruia restul împărțirii la 10 al unui număr întreg pozitiv îl reprezintă ultima cifră a numărului (cea mai puțin semnificativă), iar câtul împărțirii la 10, numărul fără ultima cifră. Repetând această operație cât timp numărul mai are cifre de separat, obținem la fiecare pas o cifră a numărului, care poate fi prelucrată, de fiecare dată câtul obținut devenind deîmpărțit. În algoritm, marcarea încheierii separării cifrelor se face când numărul dat devine 0, deci nu mai sunt cifre de separat.

Exemplu: n=2954

operația	cât	rest
2954:10	295	4
295:10	29	5
29:10	2	9
2:10	0	2

Limbajul C++

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n;
    cout<<"n=";cin>>n;
    while(n)
    {
        cout<<n%10<<" ";
        n=n/10;
    }
}
```

Am obținut cifrele numărului în ordine inversă: 4, 5, 9, 2.

## 2. Determinarea divizorilor proprii ai unui număr natural dat

De exemplu, dacă n=50, divizorii proprii sunt: 2, 5, 10, 25;

dacă n=45, divizorii proprii sunt: 3, 5, 9, 15;

dacă n=32, divizorii proprii sunt: 2, 4, 8, 16.

Putem continua cu exemplele, dar și din acestea se poate observa că:

- cel mai mic divizor propriu posibil este 2
- cel mai mare divizor propriu posibil este jumătatea numărului  $[n/2]$

Este suficient să testăm care din valorile cuprinse între 2 și  $[n/2]$  împart exact numărul n dat și astfel identificăm, pe rând, divizorii proprii ai numărului, care vor putea fi prelucrați conform cerințelor enunțului.

Exemple cu cele trei structuri repetitive:

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,d;
    cout<<"n=";cin>>n;
    d=2;
    while(d<=n/2)
    {
        if(n%d==0)
            cout<<d<<" ";
        d++;
    }
}
```

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,d;
    cout<<"n=";cin>>n;
    d=2;
    do
    {
        if(n%d==0)
            cout<<d<<" ";
        d++;
    }
    while(d<=n/2);
}
```

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,d;
    cout<<"n=";cin>>n;
    for(d=2;d<=n/2;d++)
        if(n%d==0)
            cout<<d<<" ";
}
```

### 3. Testul de număr prim

Matematica ne spune că un număr este prim dacă are doar doi divizori, pe 1 și numărul însuși, deci când nu are divizori proprii. Sunt mai multe modalități de a verifica dacă un număr dat este prim sau nu. Noi o vom folosi pe cea conform căreia dacă numărul nu are divizori proprii atunci este prim, în caz contrar, dacă are cel puțin un divizor propriu, atunci numărul nu este prim.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,d,ok=1;
    cout<<"n=";cin>>n;
    for(d=2;d<=n/2 && ok==1;d++)
        if(n%d==0)
            ok=0;
    if(ok!=0)
        cout<<"Numarul este prim.";
    else
        cout<<"Numarul nu este prim.";
}
```

### 4. Determinarea celui mai mare divizor comun a două numere naturale

#### Algoritmul lui Euclid

Să presupunem că avem două numere naturale  $a$  și  $b$ , pentru care trebuie să aflăm cel mai mare divizor comun (cmmdc). Se reține în variabila  $r$  restul împărțirii lui  $a$  la  $b$ . Variabila  $a$  ia valoarea variabilei  $b$  iar  $b$  ia valoarea restului obținut în urma împărțirii lui  $a$  la  $b$ . Aceste operații se execută cât timp  $b$  este diferit de 0. Cel mai mare divizor comun va fi variabila  $a$ .

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int a,b,r;
    cout<<"a=";cin>>a;
    cout<<"b=";cin>>b;
    while(b)
    {
        r=a%b;
        a=b;
        b=r;
    }
    cout<<"cmmdc este "<<a;
}
```

#### Algoritmul scăderilor repetate

Algoritmul este următorul: cât timp cele două numere  $a$  și  $b$  sunt diferite între ele, se scade din numărul mai mare numărul mai mic. În momentul în care cele două numere devin egale, cmmdc se află în oricare din cele două numere  $a$  sau  $b$ .

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int a,b;
    cout<<"a=";cin>>a;
    cout<<"b=";cin>>b;
    while(a!=b)
    {
        if(a>b)
            a=a-b;
        else
            b=b-a;
    }
    cout<<"cmmdc este "<<a;
}
```

## 5. Descompunerea în factori primi a unui număr natural

### Exemple

120	2	45	3
60	2	15	3
30	2	5	5
15	3	1	
5	5		
1			

Algoritm:

se pornește de la primul factor prim posibil, 2;

cât timp numărul dat este diferit de 1, se execută operațiile:

dacă factorul  $\hat{=}$  îl divide pe  $n$   $\hat{=}$  îl afișăm

cât timp numărul se împarte exact la un factor prim

se execută împărțirea, se prelucrează factorul și câtul devine deîmpărțit

se trece apoi la următorul factor prim

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,d;
    cout<<"n=";<<cin>>n;
    d=2;
    while(n!=1)
    {
        if(n%d==0)
        {
            cout<<d<<" ";
            while(n%d==0)
                n=n/d;
        }
        d++;
    }
}
```

## 6. Determinarea valorii minime/maxime dintr-un șir de numere

### Determinarea valorii maxime

Se presupune că primul număr citit este maximul. Se citesc apoi, pe rând, numerele și la fiecare pas se compară numărul citit cu maximul existent. Dacă numărul citit este mai mare decât maximul, se înlocuiește maximul.

### Determinarea valorii minime

Se presupune că primul număr citit este minimul. Se citesc apoi, pe rând, numerele și la fiecare pas se compară numărul citit cu minimul existent. Dacă numărul citit este mai mic decât minimul, se înlocuiește minimul.

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,a,min,i;
    cout<<"n=";<<cin>>n;
    cout<<"a=";<<cin>>a;
    min=a;
    for(i=2;i<=n;i++)
    {
        cout<<"a=";<<cin>>a;
        if(a<min)
            min=a;
    }
    cout<<min;
}
```

```
#include<iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n,a,max,i;
    cout<<"n=";<<cin>>n;
    cout<<"a=";<<cin>>a;
    max=a;
    for(i=2;i<=n;i++)
    {
        cout<<"a=";<<cin>>a;
        if(a>max)
            max=a;
    }
    cout<<max;
}
```